

2019 年高考大纲解析

科目-数学



唐山市路北区新东方培训学校

数学教研组

目录

2019 高考文科数学考试大纲及解读	2
I . 考核目标与要求	2
一、知识要求.....	2
二、能力要求.....	3
三、个性品质要求.....	6
四、考查要求.....	6
II . 考试范围与要求	8
一、集合.....	8
二、函数概念与基本初等函数 I (指数函数、对数函数、幂函数).....	9
三、立体几何初步.....	1 1
四、平面解析几何初步.....	1 3
五、算法初步.....	1 5
六、统计.....	1 5
七、概率.....	1 6
八、基本初等函数 II (三角函数).....	1 7
九、平面向量.....	1 8
十、三角恒等变换.....	1 9
十一、解三角形.....	1 9
十二、数列.....	2 0
十三、不等式.....	2 0
十四、常用逻辑用语.....	2 1
十五、圆锥曲线与方程.....	2 2
十六、导数及其应用.....	2 2
十七、统计案例.....	2 4
十八、推理与证明.....	2 4
十九、数系的扩充与复数的引入.....	2 5
二十、框图.....	2 5
III . 回顾 2018 年新课标一高考文科数学试卷	2 8
IV . 2019 年新课标一高考文科数学考试大纲分析	3 0

2019 高考文科数学考试大纲及解读

I . 考核目标与要求

根据普通高等学校对新生**思想道德素质和科学文化素质的要求** (文化素质的要求),依据中华人民共和国教育部 2003 年颁布的《普通高中课程方案(实验)》和《普通高中数学课程标准(实验)》的必修课程、选修课程系列 1 和系列 4 的内容,确定文史类高考数学科考试内容。

一、知识要求

知识是指《普通高中数学课程标准(实验)》(以下简称《课程标准》)中所规定的必修课程、选修课程系列 1 和系列 4 中的数学概念、性质、法则、公式、公理、定理以及由其内容反映的数学思想方法,还包括按照一定程序与步骤进行运算、处理数据、绘制图表等基本技能。

各部分知识的整体要求及其定位参照《课程标准》相应模块的有关说明。

对知识的要求依次是了解、理解、掌握三个层次。

1.了解:要求对所列知识的含义有初步的、感性的认识,知道这一知识内容是什么,按照一定的程序和步骤照样模仿,并能(或会)在有关的问题中识别和认识它。

这一层次所涉及的主要行为动词有：了解、知道、识别、模仿、会求、会解等。

2.理解：要求对所列知识内容有较深刻的理性认识,知道知识间的逻辑关系,能够对所列知识做正确的描述说明并用数学语言表达,能够利用所学的知识内容对有关问题进行比较、判别、讨论,具备利用所学知识解决简单问题的能力。

这一层次所涉及的主要行为动词有：描述、说明、表达、推测、想象、比较、判别、初步应用等。

3.掌握：要求能够对所列的知识内容进行推导证明,能够利用所学知识对问题进行分析、研究、讨论,并且加以解决。

这一层次所涉及的主要行为动词有：掌握、导出、分析、推导、证明、研究、讨论、运用、解决问题等。

二、能力要求

能力是指空间想象能力、抽象概括能力、推理论证能力、运算求解能力、数据处理能力以及应用意识和创新意识。

1.空间想象能力：能根据条件作出正确的图形,根据图形想象出直观形象；能正确地分析出图形中的基本元素及其相互关系；能对图形进行分解、组合；会运用图形与图表等手段形象地揭示问题的本质。

空间想象能力是对空间形式的观察、分析、抽象的能力,主要表

现为识图、画图和对图形的想象能力。识图是指观察研究所给图形中几何元素之间的相互关系；画图是指将文字语言和符号语言转化为图形语言以及对图形添加辅助图形或对图形进行各种变换；对图形的想象主要包括有图想图和无图想图两种，是空间想象能力高层次的标志。

2.抽象概括能力：抽象是指舍弃事物非本质的属性，揭示其本质的属性；概括是指把仅仅属于某一类对象的共同属性区分出来的思维过程。抽象和概括是相互联系的，没有抽象就不可能有概括，而概括必须在抽象的基础上得出某种观点或某个结论。

抽象概括能力是对具体的、生动的实例，经过分析提炼，发现研究对象的本质；从给定的大量信息材料中概括出一些结论，并能将其应用于解决问题或做出新的判断。

3.推理论证能力：推理是思维的基本形式之一，它由前提和结论两部分组成；论证是由已有的正确的前提到被论证的结论的一连串的推理过程。推理既包括演绎推理，也包括合情推理；论证方法既包括按形式划分的演绎法和归纳法，也包括按思考方法划分的直接证法和间接证法。一般运用合情推理进行猜想，再运用演绎推理进行证明。

中学数学的推理论证能力是根据已知的事实和已获得的正确数学命题，论证某一数学命题真实性的初步的推理能力。

4.运算求解能力：会根据法则、公式进行正确运算、变形和数据处理，能根据问题的条件寻找与设计合理、简捷的运算途径，能根据要

求对数据进行估计和近似计算。

运算求解能力是思维能力和运算技能的结合.运算包括对数字的计算、估值和近似计算,对式子的组合变形与分解变形,对几何图形各几何量的计算求解等.运算能力包括分析运算条件、探究运算方向、选择运算公式、确定运算程序等一系列过程中的思维能力,也包括在实施运算过程中遇到障碍而调整运算的能力。

5.数据处理能力：会收集、整理、分析数据,能从大量数据中抽取对研究问题有用的信息,并做出判断。

数据处理能力主要是指针对研究对象的特殊性,选择合理的收集数据的方法,根据问题的具体情况,选择合适的统计方法整理数据,并构建模型对数据进行分析、推断,获得结论。

6.应用意识：能综合应用所学数学知识、思想和方法解决问题,包括解决相关学科、生产、生活中简单的数学问题;能理解对问题陈述的材料,并对所提供的信息资料进行归纳、整理和分类,将实际问题抽象为数学问题;能应用相关的数学方法解决问题进而加以验证,并能用数学语言正确地表达和说明.应用的主要过程是依据现实的生活背景,提炼相关的数量关系,将现实问题转化为数学问题,构造数学模型,并加以解决。

7.创新意识：能发现问题、提出问题,综合与灵活地应用所学的数学知识、思想方法,选择有效的方法和手段分析信息,进行独立的思考、

探索和研究,提出解决问题的思路,创造性地解决问题。

创新意识是理性思维的高层次表现,对数学问题的“观察、猜测、抽象、概括、证明”,是发现问题和解决问题的重要途径,对数学知识的迁移、组合、融会的程度越高,显示出的创新意识也就越强。

三、个性品质要求

个性品质是指考生个体的情感、态度和价值观,要求考生具有一定的数学视野,认识数学的科学价值和人文价值,崇尚数学的理性精神,形成审慎的思维习惯,体会数学的美学意义。

要求考生克服紧张情绪,以平和的心态参加考试,合理支配考试时间,以实事求是的科学态度解答试题,树立战胜困难的信心,体现锲而不舍的精神。

四、考查要求

数学学科的系统性和严密性决定了数学知识之间深刻的内在联系,包括各部分知识的纵向联系和横向联系,要善于从本质上抓住这些联系,进而通过分类、梳理、综合,构建数学试卷的框架结构。

1.对数学基础知识的考查,既要全面又要突出重点.对于支撑学科知识体系的重点内容,要占有较大的比例,构成数学试卷的主体.注重学科的内在联系和知识的综合性,不刻意追求知识的覆盖面.从学科的整体高度和思维价值的高度考虑问题,在知识网络的交汇点处设计试

题,使对数学基础知识的考查达到必要的深度。

2.对数学思想方法的考查是对数学知识在更高层次上的抽象和概括的考查,考查时必须要与数学知识相结合,通过对数学知识的考查,反映考生对数学思想方法的掌握程度。

3.对数学能力的考查,强调“以能力立意”,就是以数学知识为载体,从问题入手,把握学科的整体意义,用统一的数学观点组织材料,侧重体现对知识的理解和应用,尤其是综合和灵活的应用,以此来检测考生将知识迁移到不同情境中去的能力,从而检测出考生个体理性思维的广度和深度以及进一步学习的潜能。

对能力的考查要全面,强调综合性、应用性,并要切合考生实际.对推理论证能力和抽象概括能力的考查贯穿于全卷,是考查的重点,强调其科学性、严谨性、抽象性;对空间想象能力的考查主要体现在对文字语言、符号语言及图形语言的互相转化上;对运算求解能力的考查主要是对算法和推理的考查,考查以代数运算为主;对数据处理能力的考查主要是考查运用概率统计的基本方法和思想解决实际问题的能力。

4.对应用意识的考查主要采用解决应用问题的形式.命题时要坚持“贴近生活,背景公平,控制难度”的原则,试题设计要切合中学数学教学的实际和考生的年龄特点,并结合实践经验,使数学应用问题的难度符合考生的水平。

5.对创新意识的考查是对高层次理性思维的考查.在考试中创设新颖的问题情境,构造有一定深度和广度的数学问题时,要注重问题的多样化,体现思维的发散性;精心设计考查数学主体内容,体现数学素质的试题;也要有反映数、形运动变化的试题以及研究型、探索型、开放型等类型的试题。

数学科的命题,在考查基础知识的基础上,注重对数学思想方法的考查,注重对数学能力的考查,展现数学的科学价值和人文价值,同时兼顾试题的基础性、综合性和应用性,重视试题间的层次性,合理调控综合程度,坚持多角度、多层次的考查,努力实现全面考查综合数学素养的要求, **促进新生德智体美劳全面发展** (努力实现全面考查综合数学素养的要求。)。

II. 考试范围与要求

本部分包括必考内容和选考内容两部分.必考内容为《课程标准》的必修内容和选修系列 1 的内容;选考内容为《课程标准》的选修系列 4 的“坐标系与参数方程”、“不等式选讲”等 2 个专题。

必考内容

一、 集合

1.集合的含义与表示

(1) 了解集合的含义、元素与集合的属于关系。

(2) 能用自然语言、图形语言、集合语言(列举法或描述法)描述不同的具体问题。

2.集合间的基本关系

(1) 理解集合之间包含与相等的含义,能识别给定集合的子集。

(2) 在具体情境中,了解全集与空集的含义。

3.集合的基本运算

(1) 理解两个集合的并集与交集的含义,会求两个简单集合的并集与交集。

(2) 理解在给定集合中一个子集的补集的含义,会求给定子集的补集。

(3) 能使用韦恩(Venn)图表达集合的关系及运算。

二、函数概念与基本初等函数 I (指数函数、对数函数、幂函数)

1.函数

(1) 了解构成函数的要素,会求一些简单函数的定义域和值域;了解映射的概念。

(2) 在实际情境中,会根据不同的需要选择恰当的方法(如图像法、列表法、解析法)表示函数。

(3) 了解简单的分段函数,并能简单应用。

(4) 理解函数的单调性、最大值、最小值及其几何意义；结合具体函数,了解函数奇偶性的含义。

(5) 会运用函数图像理解和研究函数的性质。

2.指数函数

(1) 了解指数函数模型的实际背景。

(2) 理解有理指数幂的含义,了解实数指数幂的意义,掌握幂的运算。

(3) 理解指数函数的概念,理解指数函数的单调性,掌握指数函数图像通过的特殊点。

(4) 知道指数函数是一类重要的函数模型。

3.对数函数

(1) 理解对数的概念及其运算性质,知道用换底公式能将一般对数转化成自然对数或常用对数；了解对数在简化运算中的作用。

(2) 理解对数函数的概念,理解对数函数的单调性,掌握对数函数图像通过的特殊点。

(3) 知道对数函数是一类重要的函数模型。

(4) 了解指数函数 $y = a^x$ 与对数函数 $y = \log_a x$ 互为反函数($a > 0$ 且 $a \neq 1$)。

4.幂函数

(1) 了解幂函数的概念。

(2) 结合函数 $y = x$, $y = x^2$, $y = x^3$, $y = \frac{1}{x}$, $y = x^{\frac{1}{2}}$ 的图像, 了解它们的变化情况。

5. 函数与方程

(1) 结合二次函数的图像, 了解函数的零点与方程根的联系, 判断一元二次方程根的存在性及根的个数。

(2) 根据具体函数的图像, 能够用二分法求相应方程的近似解。

6. 函数模型及其应用

(1) 了解指数函数、对数函数以及幂函数的增长特征, 知道直线上升、指数增长、对数增长等不同函数类型增长的含义。

(2) 了解函数模型(如指数函数、对数函数、幂函数、分段函数等在社会生活中普遍使用的函数模型)的广泛应用。

三、立体几何初步

1. 空间几何体

(1) 认识柱、锥、台、球及其简单组合体的结构特征, 并能运用这些特征描述现实生活中简单物体的结构。

(2) 能画出简单空间图形(长方体、球、圆柱、圆锥、棱柱等的简易组合)的三视图, 能识别上述三视图所表示的立体模型, 会用斜二侧法画出它们的直观图。

(3) 会用平行投影与中心投影两种方法画出简单空间图形的三

视图与直观图,了解空间图形的不同表示形式。

(4) 会画某些建筑物的视图与直观图(在不影响图形特征的基础上,尺寸、线条等不做严格要求)。

(5) 了解球、棱柱、棱锥、台的表面积和体积的计算公式。

2.点、直线、平面之间的位置关系

(1) 理解空间直线、平面位置关系的定义,并了解如下可以作为推理依据的公理和定理。

- 公理 1: 如果一条直线上的两点在一个平面内,那么这条直线上所有的点都在此平面内。

- 公理 2: 过不在同一条直线上的三点,有且只有一个平面。

- 公理 3: 如果两个不重合的平面有一个公共点,那么它们有且只有一条过该点的公共直线。

- 公理 4: 平行于同一条直线的两条直线互相平行。

- 定理: 空间中如果一个角的两边与另一个角的两边分别平行,那么这两个角相等或互补。

(2) 以立体几何的上述定义、公理和定理为出发点,认识和理解空间中线面平行、垂直的有关性质与判定定理。

理解以下判定定理

- 如果平面外一条直线与此平面内的一条直线平行,那么该直线与此平面平行。

- 如果一个平面内的两条相交直线与另一个平面都平行,那么这两个平面平行。

- 如果一条直线与一个平面内的两条相交直线都垂直,那么该直线与此平面垂直。

- 如果一个平面经过另一个平面的垂线,那么这两个平面互相垂直。

理解以下性质定理,并能够证明

- 如果一条直线与一个平面平行,那么经过该直线的任一个平面与此平面的交线和该直线平行。

- 如果两个平行平面同时和第三个平面相交,那么它们的交线相互平行。

- 垂直于同一个平面的两条直线平行。

- 如果两个平面垂直,那么一个平面内垂直于它们交线的直线与另一个平面垂直。

(3) 能运用公理、定理和已获得的结论证明一些空间图形的位置关系的简单命题。

四、平面解析几何初步

1. 直线与方程

(1) 在平面直角坐标系中,结合具体图形,确定直线位置的几何要

素。

(2) 理解直线的倾斜角和斜率的概念,掌握过两点的直线斜率的计算公式。

(3) 能根据两条直线的斜率判定这两条直线平行或垂直。

(4) 掌握确定直线位置的几何要素,掌握直线方程的几种形式(点斜式、两点式及一般式),了解斜截式与一次函数的关系。

(5) 能用解方程组的方法求两条相交直线的交点坐标。

(6) 掌握两点间的距离公式、点到直线的距离公式,会求两条平行直线间的距离。

2.圆与方程

(1) 掌握确定圆的几何要素,掌握圆的标准方程与一般方程。

(2) 能根据给定直线、圆的方程判断直线与圆的位置关系;能根据给定两个圆的方程判断两圆的位置关系。

(3) 能用直线和圆的方程解决一些简单的问题。

(4) 初步了解用代数方法处理几何问题的思想。

3.空间直角坐标系

(1) 了解空间直角坐标系,会用空间直角坐标表示点的位置。

(2) 会推导空间两点间的距离公式。

五、算法初步

1. 算法的含义、程序框图

- (1) 了解算法的含义,了解算法的思想。
- (2) 理解程序框图的三种基本逻辑结构: 顺序、条件分支、循环。

2. 基本算法语句

理解几种基本算法语句——输入语句、输出语句、赋值语句、条件语句、循环语句的含义。

六、统计

1. 随机抽样

- (1) 理解随机抽样的必要性和重要性。
- (2) 会用简单随机抽样方法从总体中抽取样本; 了解分层抽样和系统抽样方法。

2. 用样本估计总体

- (1) 了解分布的意义和作用,会列频率分布表,会画频率分布直方图、频率折线图、茎叶图,理解它们各自的特点。
- (2) 理解样本数据标准差的意义和作用,会计算数据标准差。
- (3) 能从样本数据中提取基本的数字特征(如平均数、标准差),并给出合理的解释。

(4) 会用样本的频率分布估计总体分布,会用样本的基本数字特征估计总体的基本数字特征,理解用样本估计总体的思想。

(5) 会用随机抽样的基本方法和样本估计总体的思想解决一些简单的实际问题。

3.变量的相关性

(1) 会作两个有关联变量的数据的散点图,会利用散点图认识变量间的相关关系。

(2) 了解最小二乘法的思想,能根据给出的线性回归方程系数公式建立线性回归方程。

七、概率

1.事件与概率

(1) 了解随机事件发生的不确定性和频率的稳定性,了解概率的意义,了解频率与概率的区别。

(2) 了解两个互斥事件的概率加法公式。

2.古典概型

(1) 理解古典概型及其概率计算公式。

(2) 会用列举法计算一些随机事件所含的基本事件数及事件发生的概率。

3.随机数与几何概型

- (1) 了解随机数的意义,能运用模拟方法估计概率。
- (2) 了解几何概型的意义。

八、基本初等函数Ⅱ(三角函数)

1.任意角的概念、弧度制

- (1) 了解任意角的概念。
- (2) 了解弧度制的概念,能进行弧度与角度的互化。

2.三角函数

- (1) 理解任意角三角函数(正弦、余弦、正切)的定义。
- (2) 能利用单位圆中的三角函数线推导出 $\frac{\pi}{2} \pm \alpha, \pi \pm \alpha$ 的正弦、余弦、正切的诱导公式,能画出 $y = \sin x, y = \cos x, y = \tan x$ 的图像,了解三角函数的周期性。

(3) 理解正弦函数、余弦函数在区间 $[0, 2\pi]$ 上的性质(如单调性、最大值和最小值以及与 x 轴的交点等),理解正切函数在区间 $(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2})$ 内的单调性。

- (4) 理解同角三角函数的基本关系式:

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1, \frac{\sin x}{\cos x} = \tan x.$$

(5) 了解函数 $y = A\sin(\omega x + \varphi)$ 的物理意义;能画出 $y = A\sin(\omega x + \varphi)$ 的图像,了解参数 A, ω, φ 对函数图像变化的影响。

- (6) 了解三角函数是描述周期变化现象的重要函数模型,会用三

角函数解决一些简单实际问题。

九、平面向量

1. 平面向量的实际背景及基本概念

- (1) 了解向量的实际背景。
- (2) 理解平面向量的概念,理解两个向量相等的含义。
- (3) 理解向量的几何表示。

2. 向量的线性运算

- (1) 掌握向量加法、减法的运算,并理解其几何意义。
- (2) 掌握向量数乘的运算及其几何意义,理解两个向量共线的含义。
- (3) 了解向量线性运算的性质及其几何意义。

3. 平面向量的基本定理及坐标表示

- (1) 了解平面向量的基本定理及其意义。
- (2) 掌握平面向量的正交分解及其坐标表示。
- (3) 会用坐标表示平面向量的加法、减法与数乘运算。
- (4) 理解用坐标表示的平面向量共线的条件。

4. 平面向量的数量积

- (1) 理解平面向量数量积的含义及其物理意义。
- (2) 了解平面向量的数量积与向量投影的关系。

(3) 掌握数量积的坐标表达式,会进行平面向量数量积的运算。

(4) 能运用数量积表示两个向量的夹角,会用数量积判断两个平面向量的垂直关系。

5.向量的应用

(1) 会用向量方法解决某些简单的平面几何问题。

(2) 会用向量方法解决简单的力学问题与其他一些实际问题。

十、三角恒等变换

1.和与差的三角函数公式

(1) 会用向量的数量积推导出两角差的余弦公式。

(2) 能利用两角差的余弦公式导出两角差的正弦、正切公式。

(3) 能利用两角差的余弦公式导出两角和的正弦、余弦、正切公式,导出二倍角的正弦、余弦、正切公式,了解它们的内在联系。

2.简单的三角恒等变换

能运用上述公式进行简单的恒等变换(包括导出积化和差、和差化积、半角公式,但对这三组公式不要求记忆)。

十一、解三角形

1.正弦定理和余弦定理

掌握正弦定理、余弦定理,并能解决一些简单的三角形度量问题。

2.应用能够运用正弦定理、余弦定理等知识和方法解决一些与测

量和几何计算有关的实际问题。

十二、数列

1. 数列的概念和简单表示法

(1) 了解数列的概念和几种简单的表示方法(列表、图像、通项公式)。

(2) 了解数列是自变量为正整数的一类函数。

2. 等差数列、等比数列

(1) 理解等差数列、等比数列的概念。

(2) 掌握等差数列、等比数列的通项公式与前 n 项和公式。

(3) 能在具体的问题情境中识别数列的等差关系或等比关系,并能用有关知识解决相应的问题。

(4) 了解等差数列与一次函数、等比数列与指数函数的关系。

十三、不等式

1. 不等关系

了解现实世界和日常生活中的不等关系,了解不等式(组)的实际背景。

2. 一元二次不等式

(1) 会从实际情境中抽象出一元二次不等式模型。

(2) 通过函数图像了解一元二次不等式与相应的二次函数、一

元二次方程的联系。

(3) 会解一元二次不等式,对给定的一元二次不等式,会设计求解的程序框图。

3.二元一次不等式组与简单线性规划问题

(1) 会从实际情境中抽象出二元一次不等式组。

(2) 了解二元一次不等式的几何意义,能用平面区域表示二元一次不等式组。

(3) 会从实际情境中抽象出一些简单的二元线性规划问题,并能加以解决。

4.基本不等式: $\frac{a+b}{2} \geq \sqrt{ab} (a \geq 0, b \geq 0)$

(1) 了解基本不等式的证明过程。

(2) 会用基本不等式解决简单的最大(小)值问题。

十四、常用逻辑用语

1.命题及其关系

(1) 理解命题的概念。

(2) 了解“若 p , 则 q ”形式的命题及其逆命题、否命题与逆否命题,会分析四种命题的相互关系。

(3) 理解必要条件、充分条件与充要条件的意义。

2.简单的逻辑联结词

了解逻辑联结词“或”、“且”、“非”的含义。

3.全称量词与存在量词

- (1) 理解全称量词与存在量词的意义。
- (2) 能正确地对含有一个量词的命题进行否定。

十五、圆锥曲线与方程

(1) 了解圆锥曲线的实际背景,了解圆锥曲线在刻画现实世界和解决实际问题中的作用。

(2) 掌握椭圆的定义、几何图形、标准方程及简单几何性质。

(3) 了解双曲线、抛物线的定义、几何图形和标准方程,知道它们的简单几何性质。

(4) 理解数形结合的思想。

(5) 了解圆锥曲线的简单应用。

十六、导数及其应用

1.导数概念及其几何意义

(1) 了解导数概念的实际背景。

(2) 理解导数的几何意义。

2.导数的运算

(1) 能根据导数定义求函数 $y = C$ (C 为常数), $y = x$, $y = x^2$, $y = \frac{1}{x}$ 的导数。

(2) 能利用下面给出的基本初等函数的导数公式和导数的四则运算法则求简单函数的导数。

- 常见基本初等函数的导数公式:

$$(C)' = 0 \quad (C \text{ 为常数}); (x^n)' = x^{n-1}, n \in N_+;$$

$$(\sin x)' = \cos x; (\cos x)' = -\sin x;$$

$$(e^x)' = e^x; (a^x)' = a^x \ln a (a > 0 \text{ 且 } a \neq 1);$$

$$(\ln x)' = \frac{1}{x}; (\log_a x)' = \frac{1}{x} \log_a e \quad (a > 0 \text{ 且 } a \neq 1)$$

- 常用的导数运算法则:

$$\text{法则 1: } [u(x) \pm v(x)]' = u'(x) \pm v'(x)$$

$$\text{法则 2: } [u(x)v(x)]' = u'(x)v(x) + u(x)v'(x)$$

$$\text{法则 3: } \left[\frac{u(x)}{v(x)}\right]' = \frac{u'(x)v(x) - u(x)v'(x)}{v^2(x)} \quad (v(x) \neq 0)$$

3. 导数在研究函数中的应用

(1) 了解函数单调性和导数的关系; 能利用导数研究函数的单调性, 会求函数的单调区间(其中多项式函数一般不超过三次)。

(2) 了解函数在某点取得极值的必要条件和充分条件; 会用导数求函数的极大值、极小值(其中多项式函数一般不超过三次); 会求闭区间上函数的最大值、最小值(其中多项式函数一般不超过三次)。

4. 生活中的优化问题

会利用导数解决某些实际问题。

十七、统计案例

了解下列一些常见的统计方法,并能应用这些方法解决一些实际问题。

1. 独立性检验

了解独立性检验(只要求 2×2 列联表)的基本思想、方法及其简单应用。

2. 回归分析

了解回归分析的基本思想、方法及其简单应用。

十八、推理与证明

1. 合情推理与演绎推理

(1) 了解合情推理的含义,能利用归纳和类比等进行简单的推理,了解合情推理在数学发现中的作用。

(2) 了解演绎推理的重要性,掌握演绎推理的基本模式,并能运用它们进行一些简单推理。

(3) 了解合情推理和演绎推理之间的联系和差异。

2. 直接证明与间接证明

(1) 了解直接证明的两种基本方法——分析法和综合法;了解分析法和综合法的思考过程、特点。

(2) 了解间接证明的一种基本方法——反证法;了解反证法的

思考过程、特点。

十九、数系的扩充与复数的引入

1.复数的概念

- (1) 理解复数的基本概念。
- (2) 理解复数相等的充要条件。
- (3) 了解复数的代数表示法及其几何意义。

2.复数的四则运算

- (1) 会进行复数代数形式的四则运算。
- (2) 了解复数代数形式的加、减运算的几何意义。

二十、框图

1.流程图

- (1) 了解程序框图。
- (2) 了解工序流程图(即统筹图)。
- (3) 能绘制简单实际问题的流程图,了解流程图在解决实际问题中的作用。

2.结构图

- (1) 了解结构图。
- (2) 会运用结构图梳理已学过的知识,整理收集到的资料信息。

选考内容。

(一) 坐标系与参数方程

1. 坐标系

(1) 理解坐标系的作用。

(2) 了解在平面直角坐标系伸缩变换作用下平面图形的变化情况。

(3) 能在极坐标系中用极坐标表示点的位置,理解在极坐标系和平面直角坐标系中表示点的位置的区别,能进行极坐标和直角坐标的互化。

(4) 能在极坐标系中给出简单图形的方程,通过比较这些图形在极坐标系和平面直角坐标系中的方程,理解用方程表示平面图形时选择适当坐标系的意义。

(5) 了解柱坐标系、球坐标系中表示空间中点的位置的方法,并与空间直角坐标系中表示点的位置的方法相比较,了解它们的区别。

2. 参数方程

(1) 了解参数方程,了解参数的意义。

(2) 能选择适当的参数写出直线、圆和圆锥曲线的参数方程。

(3) 了解平摆线、渐开线的生成过程,并能推导出它们的参数方程。

(4) 了解其他摆线的生成过程,了解摆线在实际中的应用,了解摆线在表示行星运动轨道中的作用。

(二) 不等式选讲

1. 理解绝对值的几何意义,并能利用含绝对值不等式的几何意义证明以下不等式:

$$(1) \quad |a + b| \leq |a| + |b|$$

$$(2) \quad |a - b| \leq |a - c| + |c - b|$$

(3) 会利用绝对值的几何意义求解以下类型的不等式:

$$|ax + b| \leq c; |ax + b| \geq c; |x - a| + |x - b| \geq c.$$

2. 了解下列柯西不等式的几种不同形式,理解它们的几何意义,并会证明:

$$(1) \quad \text{柯西不等式的向量形式: } |\alpha| \cdot |\beta| \geq |\alpha \cdot \beta|$$

$$(2) \quad (a^2 + b^2)(c^2 + d^2) \geq (ac + bd)^2$$

$$(3) \quad \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2} + \sqrt{(x_2 - x_3)^2 + (y_2 - y_3)^2} \geq \sqrt{(x_1 - x_3)^2 + (y_1 - y_3)^2}$$

(此不等式通常称为平面三角不等式)

3. 会用参数配方法讨论柯西不等式的一般情形:

$$\sum_{i=1}^n a_i^2 \cdot \sum_{i=1}^n b_i^2 \geq \left(\sum_{i=1}^n a_i b_i \right)^2 \quad \text{TM}$$

4. 会用向量递归方法讨论排序不等式

5. 了解数学归纳法的原理及其使用范围,会用数学归纳法证明一些简单问题

6. 会用数学归纳法证明伯努利不等式:

$(1+x)^n > 1+nx$ ($x > -1, x \neq 0, n$ 为大于1的正整数)

了解当 n 为大于1的实数时伯努利不等式也成立.

7. 会用上述不等式证明一些简单问题. 能够利用平均值不等式、柯西不等式求一些特定函数的极值

8. 了解证明不等式的基本方法: 比较法、综合法、分析法、反证法、放缩法

III. 回顾 2018 年新课标一高考文科数学试卷

(1) 题型题量分析

全卷包括第 I 卷和第 II 卷两部分. 第 I 卷为选择题. 第 II 卷为非选择题. 考试时间为 120 分钟, 总分为 150 分. 试题分选择题、填空题和解答题. 其中, 选择题有 12 个小题, 每题 5 分, 共计 60 分; 填空题有 4 个小题, 每题 5 分, 共计 20 分; 解答题有 7 个题, 其中第 17 题~21 题各 12 分, 第 22~23 题 (各 10 分) 选考一题, 内容分别为选修 4—4 (坐标系与参数方程)、4—5 (不等式选讲), 共计 70 分. 全部试题都要求在答题卡上作答. 题型、题量同教育部考试中心近几年命制的新课标一高考数学文科试卷相同.

(2) 试题考查内容

试题内容与考试要求都与 2018 年新课程高考《考试大纲》的考试内容与要求相吻合, 考查的知识内容与方法分布与高中数学新课标

和考试大纲所规定的相同。

(3) 试题考查知识点

题号	知识模块	具体知识点
1	集合	集合的交集
2	复数	复数的运算以及模长
3	统计	扇形图的应用
4	解析几何	椭圆的定义以及离心率
5	立体几何	圆柱的表面积求解
6	函数与导数	函数的奇偶性及切线方程
7	平面向量	平面向量的线性运算
8	三角函数	三角恒等变换, 三角函数的周期与最值
9	立体几何	三视图与曲面最短路线的求解
10	立体几何	长方体体积的求解, 线面角
11	三角函数	任意角三角函数定义, 斜率公式
12	分段函数	分段函数与函数的单调性, 不等式
13	复合函数	复合函数的求解
14	线性规划	闭合区域的线性规划求解
15	解析几何	直线以及圆相交问题

16	解三角形	正、余弦定理解三角形
17	数列	等比数列及其前 n 项求和
18	立体几何	求证面面垂直问题以及四面体体积的大小
19	概率统计	频率分布直方图
20	解析几何	抛物线
21	函数	解析式、导数、函数单调性、恒成立问题、最大值
22	坐标系与参数方程	圆的极坐标方程、极坐标与直角坐标互化、参数方程运用、两点间距离公式
23	不等式	含绝对值不等式的解法、绝对值的几何意义

IV. 2019 年新课标一高考文科数学考试大纲分析

与《2018 年高考文科数学考试大纲》相比，《2019 年高考文科数学考试大纲》在考核目标、考试范围与要求等方面都没有太大变动。无论是知识内容及其要求的三个层次（了解、理解、掌握），还是能力（空间想象能力、抽象概括能力、推理论证能力、运算求解能力、

数据处理能力、应用意识和创新意识) 要求、个性品质要求和考查要求都没有变化.这说明 2019 年高考数学学科的命题仍然保持相对的稳定.下面对 2019 年考纲进行综合解读:

(1) 核心考点不变

2019 年的高考中, 核心考点仍然是函数与导数、三角函数、解三角形、数列、立体几何、解析几何、概率与统计、选考内容等。

(2) 提升综合能力

考纲对基础性、综合性、应用性、创新性的要求是对能力要求的强调, 也是一种加强从教材习题出发, 兼顾综合, 体现应用, 进行微创新是 2019 年高考命题的基本方向 (例如, 会增强导数在三角函数中的应用, 微调整解答答题的顺序, 增加文、理科相同题目比例等)

(3) 数学文化的渗透

有关中华优秀的传统数学文化已在现行的人教版《普通高中课程标准试验教科书 数学》教材中多处体现, 如《高中数学必修 1》中的阅读材料《中外历史上的方程求解》;《高中数学必修 2》中的探究与发现材料《祖暅原理与柱体、锥体、球体的体积》;《高中数学必修 3》算法案例中的秦九韶算法与更相减损术, 及割圆术;《高中数学必修 5》的阅读材料《海伦和秦九韶》、《九连环》;《高中数学选修 2-3》的探究与发现材料《“杨辉三角”中的一些秘密》等。

考纲中此处的变化, 可以促进师生在数学教与学的活动中, 对于

中华民族的数学文化和数学史的了解与感受更加深刻,对于相关内容的学习与掌握可以更加到位,此类考题,可能在尊重出处的需要下,引用原文,但一定会做出意义的解释,在读题和理解题意上不会给考生造成负担。

(4) 2019 高考备考策略

策略 1、研究高考真题

高考真题最具典型性、规范性和代表性,很值得细做品味、挖掘探究。这不仅仅是分析的深入、理解的提升,更多的是对高考的自信。把近五年(至少三年)的高考真题完完整整、认认真真地反复做几遍,每次都会有新的体会和收获,因为有些很顽固的题目,即使做了几遍还可能纠结不清,想搞清楚就必须下大气力,从中找规律、找趋势、找特点,分析其考点分布、命题思路、考查意图、选材特点、能力要求、设问方式等。

高考数学对于学生能力的考查更多的是对学生化归转化能力的考察,有些高考题考察的基本模型是一样的,只是对题目的“包装”,模型应用背景,设问方式等方面做了些许改变,下面通过两道区分度大,难度大的真题实例进行说明:

【实例一】

(2018•新课标一文科 20) 设抛物线 $C: y^2=2x$, 点 $A(2, 0)$, $B(-$

2, 0), 过点 A 的直线 l 与 C 交于 M, N 两点.

(I) 当 l 与 x 轴垂直时, 求直线 BM 的方程;

(II) 证明: $\angle ABM = \angle ABN$.

【解答】解: (I) 当 l 与 x 轴垂直时, $x=2$, 代入抛物线解得 $y=\pm 2$,

所以 $M(2, 2)$ 或 $M(2, -2)$,

直线 BM 的方程: $y=\frac{1}{2}x+1$, 或: $y=-\frac{1}{2}x-1$.

(II) 证明: 设直线 l 的方程为 $l: x=ty+2$, $M(x_1, y_1)$, $N(x_2, y_2)$,

联立直线 l 与抛物线方程得 $\begin{cases} y^2 = 2x \\ x = ty + 2 \end{cases}$, 消 x 得 $y^2 - 2ty - 4 = 0$,

即 $y_1+y_2=2t$, $y_1y_2=-4$,

则有 $k_{BN}+k_{BM} = \frac{y_1}{x_1+2} + \frac{y_2}{x_2+2} = \frac{(\frac{y_2^2}{2} \times y_1 + \frac{y_1^2}{2} \times y_2) + 2(y_1+y_2)}{(x_1+2)(x_2+2)} = \frac{(y_1+y_2)(\frac{y_1y_2}{2}+2)}{(x_1+2)(x_2+2)} = 0$,

所以直线 BN 与 BM 的倾斜角互补,

$\therefore \angle ABM = \angle ABN$.

2018 年新课标一卷文科数学解析几何第二问 (区分度大) 解答
题考查的是对角度的“翻译”, 将角度与直线的斜率联系起来, 考查
的模型为倾斜角互补的两条直线斜率互为相反数。相同的模型在
2015 年全国卷一的理科数学第 20 题中已经考过, 只是设问方式不
同而已, 下面是 2015 年新课标一理科数学第 20 题。

(2015•新课标一理科 20) 在直角坐标系 xOy 中, 曲线 $C: y = \frac{x^2}{4}$ 与直线 $l:$

$y = kx + a$ ($a > 0$) 交于 M, N 两点.

(I) 当 $k=0$ 时, 分别求 C 在点 M 和 N 处的切线方程.

(II) y 轴上是否存在点 P , 使得当 k 变动时, 总有 $\angle OPM = \angle OPN$? (说明理由)

【解答】解: (I) 联立 $\begin{cases} y = a \\ y = \frac{x^2}{4} \end{cases}$, 不妨取 $M(2\sqrt{a}, a), N(-2\sqrt{a}, a)$,

由曲线 $C: y = \frac{x^2}{4}$ 可得: $y' = \frac{x}{2}$,

\therefore 曲线 C 在 M 点处的切线斜率为 $\frac{2\sqrt{a}}{2} = \sqrt{a}$, 其切线方程为: $y - a = \sqrt{a}(x - 2\sqrt{a})$,

化为 $\sqrt{a}x - y - a = 0$.

同理可得曲线 C 在点 N 处的切线方程为: $\sqrt{a}x + y + a = 0$.

(II) 存在符合条件的点 $(0, -a)$, 下面给出证明:

设 $P(0, b)$ 满足 $\angle OPM = \angle OPN$. $M(x_1, y_1), N(x_2, y_2)$, 直线 PM, PN 的斜率分别为: k_1, k_2 .

联立 $\begin{cases} y = kx + a \\ y = \frac{x^2}{4} \end{cases}$, 化为 $x^2 - 4kx - 4a = 0$,

$\therefore x_1 + x_2 = 4k, x_1x_2 = -4a$.

$\therefore k_1 + k_2 = \frac{y_1 - b}{x_1} + \frac{y_2 - b}{x_2} = \frac{2kx_1x_2 + (a-b)(x_1+x_2)}{x_1x_2} = \frac{k(a+b)}{a}$.

当 $b = -a$ 时, $k_1 + k_2 = 0$, 直线 PM, PN 的倾斜角互补,

$\therefore \angle OPM = \angle OPN$.

\therefore 点 $P(0, -a)$ 符合条件.

【实例二】

(2018•新课标 I 文科 21) 已知函数 $f(x) = ae^x - \ln x - 1$.

(I) 设 $x=2$ 是 $f(x)$ 的极值点, 求 a , 并求 $f(x)$ 的单调区间;

(II) 证明: 当 $a \geq \frac{1}{e}$ 时, $f(x) \geq 0$.

【解答】解: (1) \because 函数 $f(x) = ae^x - \ln x - 1$.

$\therefore x > 0, f'(x) = ae^x - \frac{1}{x}$,

$\because x=2$ 是 $f(x)$ 的极值点,

$$\therefore f'(2) = ae^2 - \frac{1}{2} = 0, \text{ 解得 } a = \frac{1}{2e^2},$$

$$\therefore f(x) = \frac{1}{2e^2}e^x - \ln x - 1, \therefore f'(x) = \frac{1}{2e^2}e^x - \frac{1}{x},$$

当 $0 < x < 2$ 时, $f'(x) < 0$, 当 $x > 2$ 时, $f'(x) > 0$,

$\therefore f(x)$ 在 $(0, 2)$ 单调递减, 在 $(2, +\infty)$ 单调递增.

(2) 证明: 当 $a \geq \frac{1}{e}$ 时, $f(x) \geq \frac{e^x}{e} - \ln x - 1$,

$$\text{设 } g(x) = \frac{e^x}{e} - \ln x - 1, \text{ 则 } g'(x) = \frac{e^x}{e} - \frac{1}{x},$$

$$\text{由 } g'(x) = \frac{e^x}{e} - \frac{1}{x} = 0, \text{ 得 } x=1,$$

当 $0 < x < 1$ 时, $g'(x) < 0$,

当 $x > 1$ 时, $g'(x) > 0$,

$\therefore x=1$ 是 $g(x)$ 的最小值点,

故当 $x > 0$ 时, $g(x) \geq g(1) = 0$,

\therefore 当 $a \geq \frac{1}{e}$ 时, $f(x) \geq 0$.

2018 年新课标一卷文科数学压轴题第二问 (区分度很大) 解答题考察的是利用导数研究函数单调性并证明不等式, 证明不等式运用到了放缩的方法, 属于参数临界值的放缩, 相同的处理方法在 2013 年新课标二卷的理科的最后一道题目, 也是最难题目的第二问出现过, 由此可见, 两道题目考察的处理方法完全一致, 下面是 2013 年新课标一的理科数学第 20 题.

(2013•新课标二理科 21) 已知函数 $f(x) = e^x - \ln(x+m)$

(1) 设 $x=0$ 是 $f(x)$ 的极值点, 求 m , 并讨论 $f(x)$ 的单调性;

(II) 当 $m \leq 2$ 时, 证明 $f(x) > 0$.

【解答】(I) 解: $\because f'(x) = e^x - \frac{1}{x+m}$, $x=0$ 是 $f(x)$ 的极值点, $\therefore f'(0) = 1 - \frac{1}{m} =$

0, 解得 $m=1$.

所以函数 $f(x) = e^x - \ln(x+1)$, 其定义域为 $(-1, +\infty)$.

$$\because f'(x) = e^x - \frac{1}{x+1} = \frac{e^x(x+1)-1}{x+1}.$$

设 $g(x) = e^x(x+1) - 1$, 则 $g'(x) = e^x(x+1) + e^x > 0$, 所以 $g(x)$ 在 $(-1, +\infty)$ 上为增函数,

又 $\because g(0) = 0$, 所以当 $x > 0$ 时, $g(x) > 0$, 即 $f'(x) > 0$; 当 $-1 < x < 0$ 时, $g(x) < 0$, $f'(x) < 0$.

所以 $f(x)$ 在 $(-1, 0)$ 上为减函数; 在 $(0, +\infty)$ 上为增函数;

(II) 证明: 当 $m \leq 2$, $x \in (-m, +\infty)$ 时, $\ln(x+m) \leq \ln(x+2)$, 故只需证明当 $m=2$ 时 $f(x) > 0$.

当 $m=2$ 时, 函数 $f'(x) = e^x - \frac{1}{x+2}$ 在 $(-2, +\infty)$ 上为增函数, 且 $f'(-1) < 0$, $f'(0) > 0$.

故 $f'(x) = 0$ 在 $(-2, +\infty)$ 上有唯一实数根 x_0 , 且 $x_0 \in (-1, 0)$.

当 $x \in (-2, x_0)$ 时, $f'(x) < 0$, 当 $x \in (x_0, +\infty)$ 时, $f'(x) > 0$, 从而当 $x = x_0$ 时, $f(x)$ 取得最小值.

由 $f'(x_0) = 0$, 得 $e^{x_0} = \frac{1}{x_0+2}$, $\ln(x_0+2) = -x_0$.

故 $f(x) \geq f(x_0) = \frac{1}{x_0+2} + x_0 = \frac{(x_0+1)^2}{x_0+2} > 0$.

综上, 当 $m \leq 2$ 时, $f(x) > 0$.

此外, 仔细研究不难发现 2013 年新课标二理科这道题第二问, 与 2015 新课标一文科的 20 题的第二问相似度很大, 都考察了隐零点, 只不过 2015 新课标一文科的 20 题的第二问多了一步基本不等式的考察, 总而言之, 高考真题研究价值非常之大, 万变不离其宗。高效的总结真题, 求同存异, 是避免题海战术的有效方法。

推荐书籍《金考卷——高考五年真题汇编》

策略 2、查错析错, 四步纠错

考试答卷是演练，考后总结才是提高。每次考后，要分类找出自己卷面出现的各种错误并分析错因，明确自己的知识漏洞及思维短板，切实解决“根本不会，会而不对，对而不全”的各种问题。错误分类：

- ① 粗心大意之错：分明会做，反而做错。
- ② 似是而非之错：记忆不准确，理解不透彻，应用不熟练，表述不清楚，答案不严密、不完整、不规范、不确切。
- ③ 根本不会之错：卷面空白或答非所问。把典型错题记入错题本，拿出下步学习措施。

四步纠错法：

- ① 使用错题本，按照“原题+错解+错因+正解+总结”的顺序写进错题本，并注明回望日期；
- ② 在回望日期重做该题，要用“不容二错”的标准严格要求自己；
- ③ 在最近一段时间内进行变式训练；
- ④ 与同学交换错题本，汲取他人教训，为我所用。